

अध्याय - 3 | आव्यूह

QUIZ-01

1. यदि $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ हो, तो A है —

- A. अदिश आव्यूह
B. इकाई आव्यूह
C. विकर्ण आव्यूह
D. शून्य आव्यूह (B)

व्याख्या: चूँकि विकर्ण के प्रत्येक अवयव का मान 1 है और शेष सभी अवयव शून्य है।

2. यदि एक आव्यूह सममित एवं विषम-सममित हो, तो वह आव्यूह होगा —

- A. शून्य आव्यूह
B. त्रिभुजाकार आव्यूह
C. विकर्ण आव्यूह
D. उपर्युक्त में से कोई नहीं (A)

व्याख्या: शून्य आव्यूह ही एक ऐसी आव्यूह है जो कि सममित तथा विषम सममित भी होती है।

3. किसी वर्ग आव्यूह A के लिए $A + A'$ होगा —

- A. इकाई आव्यूह
B. सममित आव्यूह
C. विषम सममित आव्यूह
D. शून्य आव्यूह (B)

4. यदि आव्यूह $B = [b_{ij}]_{2 \times 4}$ हो, तो B में अवयवों की संख्या होगी—

- A. 2
B. 4
C. 6
D. 8 (D)

व्याख्या: आव्यूह B में दो पंक्ति और चार सतम्भ हैं।

∴ अवयवों की संख्या = $2 \times 4 = 8$

5. यदि $A = \begin{bmatrix} 1 & a \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ हो, तो A^4 बराबर है —

- A. $\begin{bmatrix} 1 & a^4 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
B. $\begin{bmatrix} 4 & 4a \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$
C. $\begin{bmatrix} 4 & a^4 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$
D. $\begin{bmatrix} 1 & 4a \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ (D)

व्याख्या: $A^2 = A \cdot A = \begin{bmatrix} 1 & a \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & a \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & 2a \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^4 = A^2 \cdot A^2 = \begin{bmatrix} 1 & 2a \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2a \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1+0 & 2a+2a \\ 0+0 & 0+1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 4a \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

6. 2×3 क्रम के समस्त संभावित आव्यूहों की संख्या जिसकी प्रत्येक प्रविष्टि 1 या 2 हो —

- A. 16
B. 6
C. 64
D. 24 (C)

व्याख्या: 2×3 क्रम के आव्यूह में अवयवों की संख्या $2 \times 3 = 6$
1 या 2 अवयवों वाले समस्त संभावित आव्यूहों की संख्या = $2^6 = 64$

7. समीकरण $\begin{bmatrix} x+y+z \\ x+z \\ y+z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 \\ 5 \\ 7 \end{bmatrix}$ में x का मान है —

- A. 3
B. 4
C. 5
D. 2 (D)

व्याख्या: $x + y + z = 9$ (i)
 $y + z = 7$ (ii)

समीकरण (i) में से (ii) को घटाने पर

$$x = 9 - 7 = 2$$

8. यदि किसी आव्यूह की कोटि $m \times n$ हैं तो इसमें अवयवों की संख्या है —

- A. m
B. n
C. mn
D. m - n (C)

9. यदि आव्यूह A और B के क्रम क्रमशः $m \times n$ तथा $n \times p$ हैं तो AB का क्रम है-

- A. $p \times m$
B. $n \times m$
C. $m \times p$
D. $m \times p$ (D)

व्याख्या:

$$\begin{matrix} A & B \\ m \times n & n \times p \\ \hline m \times p \end{matrix}$$

10. यदि किसी वर्ग आव्यूह A के लिए $A^2 - 3A + I = 0$ है तथा

$A^{-1} = xA + yI$ है, तो $x + y$ का मान है-

- A. -2
B. 2
C. 3
D. -3 (B)