

अध्याय - 4 | सारणिक

QUIZ-01

1. सारणिक $\begin{vmatrix} \cos 50^\circ & \sin 10^\circ \\ \sin 50^\circ & \cos 10^\circ \end{vmatrix}$ का मान है —

- A. 0
B. 1
C. $1/2$
D. $-1/2$ (C)

व्याख्या: $\cos 50^\circ \cos 10^\circ - \sin 10^\circ \sin 50^\circ$

$$= \cos(50^\circ + 10^\circ) = \cos 60^\circ = \frac{1}{2}$$

2. यदि $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ हो, तो $\text{adj } A$ होगा —

- A. $\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$
B. $\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -2 & 0 \end{bmatrix}$
C. $\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$
D. $\begin{bmatrix} -2 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ (A)

व्याख्या: $A_{11} = 2; A_{12} = -1; A_{21} = -1; A_{22} = 0$

$$\text{adj } A = \begin{bmatrix} A_{22} & A_{12} \\ A_{21} & A_{11} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$

3. समान कोटि के वर्ग आव्यूह A, B, C के लिए $AB = AC$

$\Rightarrow B = C$ हो, तो A होगा —

- A. अव्युत्क्रमणीय आव्यूह
B. अशून्य आव्यूह
C. इकाई आव्यूह
D. व्युत्क्रमणीय आव्यूह (D)

व्याख्या: चूँकि व्युत्क्रमणीय आव्यूह में $|A| \neq 0$

4. तीन बिन्दु $P(2x, x+3)$, $Q(0, x)$ तथा $R(x+3, x+6)$

संरेखीय हैं तब x का मान होगा —

- A. 0
B. 2
C. 3
D. 1 (D)

व्याख्या: P, Q तथा R संरेखीय हैं

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \begin{vmatrix} 2x & x+3 & 1 \\ 0 & x & 1 \\ x+3 & x+6 & 1 \end{vmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} [2x(x-x-6) - (x+3)(0-x-3) + (1)(0-x^2-3x)] = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} [-12x + (x+3)^2 - x^2 - 3x] = 0$$

$$\Rightarrow -12x + x^2 + 6x + 9 - x^2 - 3x = 0 \Rightarrow -9x + 9 = 0$$

$$\Rightarrow x = 1$$

5. रैखिक समीकरण निकाय $5x + 5y = 5$, $3x + 3y = 5$ संगत है यदि —

- A. $k \neq -3$
B. $k = -5$
C. $k = 5$
D. $k \neq -5$ (D)

व्याख्या: रैखिक समीकरण निकाय संगत है यदि $\begin{vmatrix} 5 & k \\ 3 & 3 \end{vmatrix} \neq 0$

$$15 - 3k \neq 0 \Rightarrow 3k \neq 15 \Rightarrow k \neq 5$$

6. यदि A एक 3 क्रम का वर्ग आव्यूह है तथा $|A| = -5$ तब

$|\text{adj } A|$ है —

- A. 125
B. -25
C. 25
D. ± 25 (C)

व्याख्या: दिया है— $|A| = -5$ तथा $n = 3$

$$\therefore |\text{adj } A| = |A|^{n-1} = (-5)^{3-1} = (-5)^2 = 25$$

7. यदि $\begin{vmatrix} 3 & 3 \\ x & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -3 & x \\ x & 1 \end{vmatrix}$ तो का मान है —

- A. 2
B. 3
C. -3
D. -2 (B)

व्याख्या: दिया है— $|A| = -5$ तथा $n = 3$

$$\Rightarrow 3 - 3x = -3 - x \Rightarrow 3 + 3 = 3x - x$$

$$\Rightarrow 6 = 2x \Rightarrow x = 3$$

8. माना A एक ऐसा 3×3 आव्यूह है कि है, तो $|\text{adj } A| = 64$

बराबर है —

- A. केवल 8
B. केवल -8
C. 64
D. 8 अथवा -8 (D)

9. फलन $f(x) = [x]$, जहाँ $[x]$ महत्तम पूर्णांक फलन को व्यक्त करता है, निम्नलिखित पर संतत है

- A. 4
B. -2
C. 1
D. 1.5 (D)

व्याख्या: महत्तम पूर्णांक फलन $[x].x$ के सभी पूर्णांकीय मानों पर असंतत है।

10. उन बिंदुओं की संख्या, जिन पर फलन $f(x) = 1/x - [x]$ संतत नहीं है,

- A. 1
B. 2
C. 3
D. इनमें से कोई नहीं (D)

व्याख्या: जब एक पूर्णांक है, तो $x - [x] = 0$ है, इसलिए दिया हुआ फलन सभी $x \in \mathbb{Z}$ के लिए असंतत है।