### राजस्थान बोर्ड

## कक्षा 12 | गणित



#### अध्याय - ७ । समाकलन

QUIZ-01

1. ∫(sin<sup>-1</sup>x + cos<sup>-1</sup>x)dx बराबर है-

A. 
$$\frac{\pi}{2}$$

C. 
$$\frac{\pi}{2}$$
**x** + **C**

व्याख्या:

$$\int (\sin^{-1}x + \cos^{-1}x) dx = \int \frac{\pi}{2} . dx = \frac{\pi}{2} \int dx = \frac{\pi}{2} . x + C$$

अतः सही विकल्प (C) है।

2.  $\int \frac{dx}{x \log x}$  का मान होगा-

A. 
$$|\log(x)| + C$$

$$\frac{1}{x} + C$$

C. 
$$\log |\log(x)| + C$$

D. 
$$-\frac{1}{v_2} + C$$
 (C

C.  $\log |\log(x)| + C$  D.  $-\frac{1}{x^2} + C$  (C) व्याख्या:  $\int \frac{dx}{x \log_e x}$  माना  $\log_e x = t$ 

$$\frac{1}{x}$$
dx = dt

$$\int \frac{dt}{t} = \log|t| + C$$

 $= \log |t| + C$ 

अतः सही विकल्प (C) है।

3.  $\int \frac{dx}{1-e^x}$  का मान बराबर होगा–

A. 
$$-\log (1 - e^{-x}) + C$$

B. 
$$\log (1 + e^x) + C$$

C. 
$$log(1 + e^{-x}) + C$$

$$D.\log\left(\frac{1+e^{x}}{e^{-x}}\right)+C \quad (A)$$

व्याख्या:  $\int \frac{dx}{1-e^x}$ 

$$\int \frac{dt}{t(t-1)} = \int \left(\frac{t}{t-1} - \frac{t}{t}\right) dt = \log \frac{(t-1)}{t} + C$$

$$= \log\left(\frac{1 - e^{x} - 1}{1 - e^{x}}\right) + C = \log\left(\frac{e^{x}}{e^{x} - 1}\right)$$

$$= -\log(1 - e^{-x}) + C$$

अतः सही विकल्प (A) है।

4.  $\int \frac{dx}{x^2-9}$  बराबर है-

A. 
$$\frac{1}{6} \log \left( \frac{x-3}{x+3} \right) + C$$

B. 
$$\frac{1}{6} \log \left( \frac{x+3}{x-3} \right) + C$$

C. 
$$\frac{1}{3} \log \left( \frac{x-3}{x+3} \right) + C$$

D. 
$$\frac{1}{3}\log\left(\frac{x+3}{x-3}\right)+C$$

व्याख्या:  $I = \int \frac{dx}{x^2 - 9} = \int \frac{dx}{(x)^2 - (3)^2}$ 

$$I = \frac{1}{6} \log \left( \frac{x - 3}{x + 3} \right)$$

अतः सही विकल्प (A) है।

5. ∫sin²x dx बराबर है-

A. 
$$\frac{x}{2} + \frac{\sin 2x}{4} + C$$

B. 
$$\frac{x}{2} - \frac{\sin 2x}{4} + C$$

C. 
$$\frac{x}{2} + \frac{\cos 2x}{4} + C$$

D. 
$$\frac{x}{2} - \frac{\cos 2x}{4} + C$$

व्याख्या:  $\int \sin^2 dx = \int \left(\frac{1-\cos 2x}{2}\right) dx$ 

$$= \frac{1}{2} \int dx - \frac{1}{2} \int \cos 2x dx$$

$$=\frac{1}{2}x-\frac{1}{4}\sin 2x+C$$

अतः सही विकल्प (B) है।

6 ∫ tan²x dx का मान है-

A. 
$$1 - \frac{\pi}{4}$$

3. 
$$1+\frac{\pi}{4}$$

A. 
$$1 - \frac{\pi}{4}$$

B.  $1 + \frac{\pi}{4}$ 

C.  $-1 + \frac{\pi}{4}$ 

G.  $\frac{\pi}{4}$ 

G.  $\frac{\pi}{4}$ 

G.  $\frac{\pi}{4}$ 

B.  $\frac{\pi}{4}$ 

D.  $\frac{\pi}{4}$ 

D. 
$$-1 - \frac{\pi}{4}$$

(B)

व्याख्या:  $\int_0^4 \tan^2 x \, dx = \int_0^4 (\sec^2 x - 1) \, dx = [\tan x]_0^{\frac{11}{4}} - [x]_0^{\frac{11}{4}}$ 

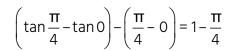
### राजस्थान बोर्ड

# कक्षा 12 | गणित



#### अध्याय - ७ | समाकलन

QUIZ-01



अतः सही विकल्प (A) है।

7. फलन  $\frac{x}{a^{x^2}}$  का x के सापेक्ष समाकलन है-

A. 
$$\frac{1}{2e^{x^2}} + C$$

B. 
$$\frac{2}{2e^{x^2}} + C$$

C. 
$$\frac{-2}{2e^{x^2}} + C$$

D. 
$$\frac{-1}{2e^{x^2}}$$
 + C (D)

*व्याख्या*: माना x<sup>2</sup> = t

या  $xdx = \frac{1}{2}dt$ 

$$\int \frac{\frac{1}{2}dt}{e^{t}} = \frac{1}{2} \int e^{-t}dt = \frac{-1}{2}e^{-t} + C = \frac{-1}{2e^{x^{2}}} + C$$

अतः सही विकल्प (D) है।

8.  $\left(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}\right)$  का x के सापेक्ष प्रतिअवकलज है-

A. 
$$\frac{1}{3}x^{\frac{1}{3}} + 2x^{\frac{1}{2}} + C$$

B. 
$$\frac{2}{3}x^{\frac{2}{3}} + \frac{1}{2}x^2 + C$$

C. 
$$\frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}} + 2x^{\frac{1}{2}} + C$$

C. 
$$\frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}} + 2x^{\frac{1}{2}} + C$$
 D.  $\frac{3}{2}x^{\frac{3}{2}} + \frac{1}{2}x^{\frac{1}{2}} + C$  (C)

व्याख्या: माना  $I = \int \left( \sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx$ 

$$= \frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}} + 2x^{\frac{1}{2}} + C$$

अतः सही विकल्प (C) है।

9.  $\int \frac{\sec^2 x}{\csc^2 x} dx$  का मान है-

A. 
$$\sec x - x + C$$

B. 
$$\sec x \tan x + C$$

C. 
$$\tan x + x^2 + C$$

D. 
$$tan x - x + C$$
 (D)

*व्याख्या:* (D) tan x - x + C है।

10.  $\int_{0}^{3} \frac{dx}{\sqrt{9-x^2}}$  बराबर है-

A. 
$$\frac{\pi}{6}$$

B. 
$$\frac{T}{4}$$

C. 
$$\frac{\pi}{2}$$

D. 
$$\frac{\pi}{10}$$

व्याख्या: सही विकल्प (C) है।

Gyan App