



# ARJUN BATCH

## CLASS 9th MATHS

# चतुर्थ

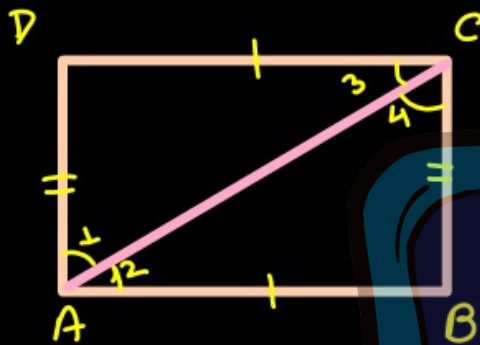
**Chapter-8 / Part-3**



# आज क्या पढ़ेंगे ?

1 प्रश्नावली 8.1

mg



4. ABCD एक आयत है जिसमें विकर्ण AC दोनों कोणों A और C को समद्विभाजित करता है।  
दर्शाइए कि

(i) ABCD एक वर्ग है

सिद्ध करना:-

(i) ABCD एक वर्ग है।

(ii) विकर्ण BD दोनों कोणों B और D को समद्विभाजित करता है।

दिया हुआ:-

ABCD एक आयत है।

$$AB = DC$$

$$AD = BC$$

AC कोणों A और C को समद्विभाजित करता है।

$$\angle 1 = \angle 2$$

$$\angle 3 = \angle 4$$

उपपत्ति :-

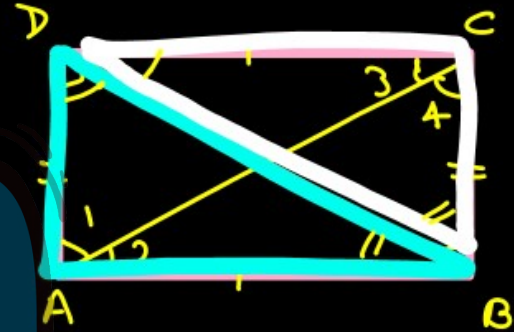
दिया है

$$AB = AD \quad \text{--- (i)}$$

$$AB = DC$$

$$\Rightarrow AD = DC$$

अतः ABCD एक वर्ग है।



$\Delta ABC$  और  $\Delta ADC$  में

$$AB = DC \quad (\text{दिया हुआ})$$

$$AD = BC \quad (ii)$$

$$AC = AC \quad (\text{उभयनिष्ठ भुजा})$$

SSS सर्वांगसमता से,

$$\Delta ABC \cong \Delta ADC$$

(ii) विकर्ण BD दोनों कोणों B और D को  
समद्विभाजित करता है।



5. समांतर चतुर्भुज ABCD के विकर्ण BD पर दो बिंदु P और Q इस प्रकार स्थित हैं कि

$DP = BQ$  है (देखिए आकृति)। दर्शाइए कि

(i)  $\triangle APD \cong \triangle CQB$

दिया हुआ:-

ABCD एक समांतर चतुर्भुज है।

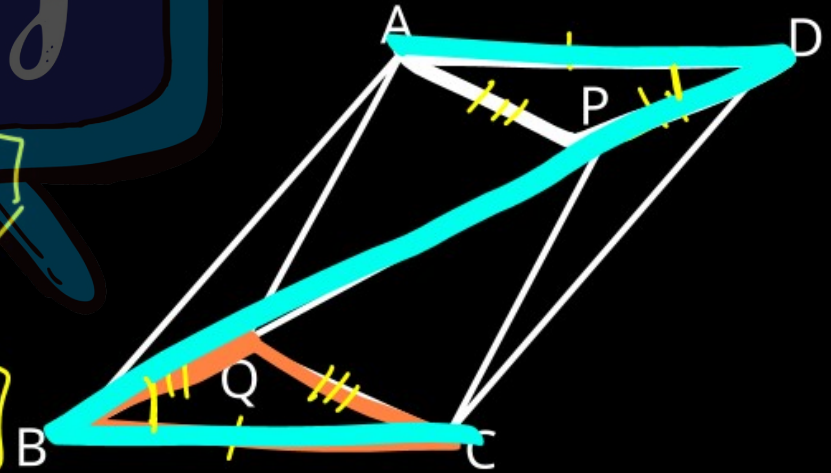
$DP = BQ$

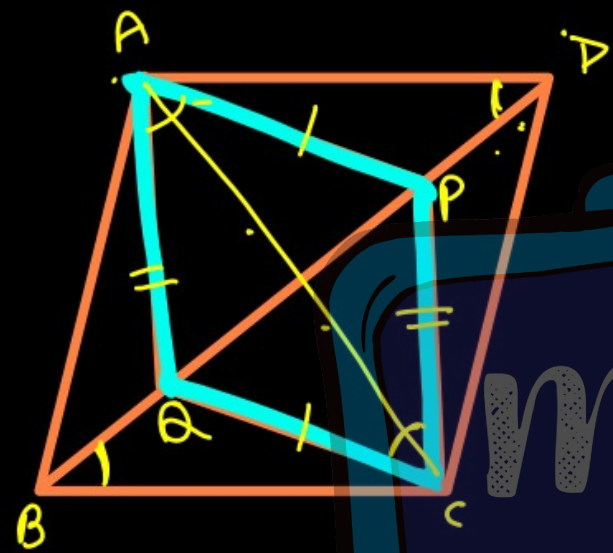
उपपत्ति:-  $\triangle ADP$  और  $\triangle CQB$

$AD = BC$  [ABCD समांतर चतुर्भुज है]

$DP = BQ$  [दिया हुआ]

$\angle ADC = \angle CBA$  (प्रकार के कोण)





SAS सर्वांगसमता ले

$$\triangle ADP \cong \triangle CQB$$

CPCT ले

$$\boxed{CQ = AP} \text{ --- (i)}$$

$\triangle AQB$  और  $\triangle CPD$  में

$$\triangle AQB \cong \triangle CPD$$

CPCT ले

$$AQ = CP \text{ --- (ii)}$$

$$BQ = DP \text{ (दिखा हुआ)}$$

$$BA = CD \text{ [ABCD समांतर चतुर्भुज]}$$

$$\angle ABQ = \angle PDC \text{ [एकान्तर कोण]}$$

SAS सर्वांगसमता ले

$\Delta AQP$  और  $\Delta CQP$  में

$$AP = QC \text{ (हम. i)} \}$$

$$QC = AP \text{ (हम. ii)} \}$$

$$QP = QP \text{ (उभयनिष्ठ भुजा)} \}$$

SSS सर्वांगसमता से

$$\Delta AQP \cong \Delta CQP$$

~~CP = CQ~~  
 $QA = QC$  (iii)

इसी प्रकार

$$QA = QC \text{ (iv)}$$

सभी (iii) और (iv) ले  
किए चतु. के सम्मुख कोण समान होने पर,  
चतु. समांतर चतु. होता है।

दिएतः

APCQ एक समांतर चतु. है।

(ii)  $AP = CQ$



(iii)  $\triangle AQB \cong \triangle CPD$



(iv)  $AQ = CP$



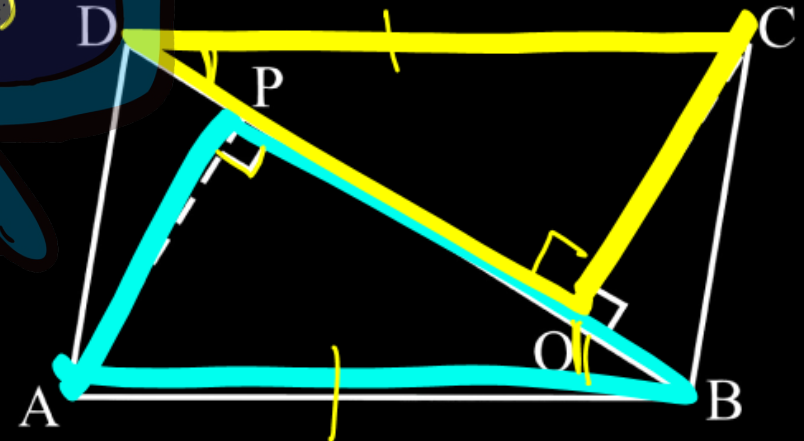
(v) APCQ एक समांतर चतुर्भुज है।



H.W.

6. ABCD एक समांतर चतुर्भुज है तथा AP और CQ शीर्षों A और C से विकर्ण BD पर क्रमशः लम्ब हैं (देखिए आकृति)। दर्शाइए कि

$AB = DC$   
 $\angle P = \angle Q$  (90°)  
 $\angle PBA = \angle QCD$  (प्रकारान्तर कोण)  
 AAS  
 (i)  $\triangle APB \cong \triangle CQD$



(ii)  $AP = CQ$

